

座標平面上で、連立不等式 $\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 1 \\ x + y \leq 1 \\ 3x - y \leq 3 \end{cases}$ の表す領域を D とし、原点を中心とする半径 1

の円を C とする。 a を実数とし、点 $A\left(\frac{5}{3}, 0\right)$ を通り、傾きが a の直線を ℓ とする。

ℓ と D が共有点をもつような a の最大値と最小値を求めよう。

(1) C と直線 $x + y = 1$ の共有点の座標は $(0, \boxed{\text{ア}})$, $(\boxed{\text{イ}}, 0)$ であり、 C と直線

$3x - y = 3$ の共有点の座標は $\left(\frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}}, \frac{\boxed{\text{オカ}}}{\boxed{\text{エ}}}\right)$, $(\boxed{\text{キ}}, 0)$ である。

(2) C と ℓ が接するのは、 $a = \frac{\boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケ}}}$ または $a = -\frac{\boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケ}}}$ のときであり、このときの

接点の x 座標は $\frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}}$ である。

したがって、 ℓ と D が共有点をもつような a の最大値は $\frac{\boxed{\text{シ}}}{\boxed{\text{ス}}}$ であり、最小値は

$\frac{\boxed{\text{セソ}}}{\boxed{\text{タ}}}$ である。