

[00センター本試 センター本試]

座標平面上の2点  $O(0, 0)$ ,  $A(4, 3)$  に対して  $OP : AP = 2 : 3$  を満たす点  $P$  の軌跡を  $C$  とする。

(1)  $C$  上の点  $P$  の座標を  $(x, y)$  とすると  $AP^2 = (x - \boxed{\text{ア}})^2 + (y - \boxed{\text{イ}})^2$  である。

また  $\boxed{\text{ウ}} OP^2 = \boxed{\text{エ}} AP^2$  (ただし  $\boxed{\text{ウ}} \neq 0$ ) より,  $x, y$  は関係式

$$x^2 + y^2 + \frac{\boxed{\text{オカ}}}{\boxed{\text{キ}}}x + \frac{\boxed{\text{クケ}}}{\boxed{\text{コ}}}y - \boxed{\text{サシ}} = 0$$

を満たす。したがって,  $C$  は点  $Q\left(\frac{\boxed{\text{スセソ}}}{\boxed{\text{タ}}}, \frac{\boxed{\text{チツテ}}}{\boxed{\text{ト}}}\right)$  を中心とする半径  $\boxed{\text{ナ}}$

の円である。

(2)  $C$  上の点  $R$  を直線  $OR$  と直線  $OA$  が直交するように第2象限にとる。このとき,

$OQ = \boxed{\text{ニ}}$  であり  $OR = \boxed{\text{ヌ}} \sqrt{\boxed{\text{ネ}}}$  である。